Министерство науки и высшего образования РФ

ФГБОУ ВО Уральский государственный лесотехнический университет

Социально-экономический институт

Кафедра высшей математики

Рабочая программа дисциплины

включая фонд оценочных средств и методические указания для самостоятельной работы обучающихся

Б1.О.10 – МАТЕМАТИКА

Направление подготовки 29.03.03 Технология полиграфического и упаковочного производства
Направленность (профиль) – «Технология и дизайн упаковочного производства»
Квалификация - бакалавр
Количество зачётных единиц (часов) – 6 (216)

г. Екатеринбург, 2024

Разработчик: к.ф.-м.н., доцент_____ / А.Ю. Вдовин /

Рабочая программа утверждена на заседании кафедры высшей математики (протокол № 5 от «05» 02 2024 года)

Заведующий кафедрой _____ / С. С. Рублева /

Рабочая программа рекомендована к использованию в учебном процессе методической комиссией химико-технологического института
(протокол № 2 от «29» 02 2024 года)

Председатель методической комиссии ХТИ _____ / Первова И. Г. /

Рабочая программа утверждена директором социально-экономического института

Директор ХТИ _____ / Первова И. Г. /

« 29 » 02 2024 года

Оглавление

1. Общие положения 4
2. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине, соотнесенных с планируемыми результатами освоения образовательной программы 4
3. Место дисциплины в структуре образовательной программы 5
4. Объем дисциплины в зачетных единицах с указанием количества академических часов, выделенных на контактную работу обучающихся с преподавателем (по видам учебных занятий) и на самостоятельную работу обучающихся 5
5. Содержание дисциплины, структурированное по темам (разделам) 6
с указанием отведенного на них количества академических часов 6
5.1.Трудоемкость разделов дисциплины 6
5.2. Содержание занятий лекционного типа 7
5.3. Темы и формы занятий семинарского типа 7
5.4 Детализация самостоятельной работы 8
6. Перечень учебно-методического обеспечения по дисциплине. Основная и дополнительная литература 8
7. Фонд оценочных средств для проведения промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине 10
7.1. Перечень компетенций с указанием этапов их формирования в процессе освоения образовательной программы 10
7.2. Описание показателей и критериев оценивания компетенций на различных этапах их формирования, описание шкал оценивания 10
7.3. Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций в процессе освоения образовательной программы 12
7.4. Соответствие балльной шкалы оценок и уровней сформированных компетенций 16
8. Методические указания для самостоятельной работы обучающихся 17
9. Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине 18
10. Описание материально-технической базы, необходимой для осуществления образовательного процесса по дисциплине 19

1. Общие положения

Дисциплина «Математика» относится к базовой части учебного плана, входящего в состав образовательной программы высшего образования 29.03.03 Технология полиграфического и упаковочного производства (профиль – Технология и дизайн упаковочного производства).

Нормативно-методической базой для разработки рабочей программы учебной дисциплины «Математика» являются:

- Федеральный закон «Об образовании в Российской Федерации», утвержденный приказом Минобрнауки РФ № 273-ФЗ от 29.12.2012;
- Приказ Минобрнауки России № 301 от 05.04.2017 г. Об утверждении порядка организации и осуществления образовательной деятельности по образовательным программам высшего образования - программам бакалавриата, программам специалитета, программам магистратуры.
- Приказ Министерства труда и социальной защиты Российской Федерации от 12.10.2021 № 721н «Об утверждении профессионального стандарта – 40.059 «**Промышленный дизайнер».**
- Приказ Министерства труда и социальной защиты Российской Федерации от 12.10.2022 № 646н «Об утверждении профессионального стандарта - 23.041 «**Специалист по технологии целлюлозно-бумажного производства**».
- Федеральный государственный образовательный стандарт высшего образования (ФГОС ВО) по направлению подготовки 29.03.03 «Технология полиграфического и упаковочного производства» (уровень бакалавриат), утвержденный приказом Министерства образования и науки РФ № 960 от 22.09.2017;
- Учебные планы образовательной программы высшего образования направления 29.03.03 Технология полиграфического и упаковочного производства (профиль – Технология и дизайн упаковочного производства)., подготовки бакалавров по очной и заочной формам обучения, одобренный Ученым советом УГЛТУ (протокол №3 от 16.03.2023), с дополнениями и изменениями, утвержденными на заседании Ученого совета УГЛТУ (протокол от 21.03.2024 №3).

Обучение по образовательной программе 29.03.03 «Технология полиграфического и упаковочного производства» (профиль – Технология и дизайн упаковочного производства). осуществляется на русском языке.

2. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине, соотнесенных с планируемыми результатами освоения образовательной программы

Планируемыми результатами обучения по дисциплине являются знания, умения, владения и/или опыт деятельности, характеризующие этапы/уровни формирования компетенций и обеспечивающие достижение планируемых результатов освоения образовательной программы в целом.

Цель освоения дисциплины –состоит в формировании способности применять методы математического анализа и моделирования в области профессиональной деятельности, при этом преподавание строится исходя из требуемого уровня подготовки обучающихся.

Задачи дисциплины:

1. Сообщить обучающимся теоретические основы математики, в объеме, необходимые для изучения общенаучных, общеинженерных, специальных дисциплин, а также дающие возможность применения их в профессиональной деятельности.
2. Развить навыки логического и алгоритмического мышления.
3. Ознакомить обучающихся с ролью математики в современной жизни и технике, с характерными чертами математического метода изучения прикладных профессиональных задач.
4. Выработать умение самостоятельно разбираться в математическом аппарате, применяемом в литературе, связанной с будущей профессиональной деятельностью обучающихся.
5. Научить оперировать абстрактными объектами и адекватно употреблять математические понятия и символы для выражения количественных и качественных отношений.

Процесс изучения дисциплины направлен на формирование следующих общепрофессиональных компетенций:

– **ОПК-1** способен применять естественнонаучные и общеинженерные знания, методы математического анализа и моделирования в области профессиональной деятельности.

В результате изучения дисциплины обучающийся должен:

знать: базовые понятия и математические методы: математического анализа, линейной алгебры, аналитической геометрии, основы теории обыкновенных дифференциальных уравнений для решения задач профессиональной деятельности.

уметь: адекватно употреблять математические понятия и символы для выражения количественных и качественных отношений; доводить решения задач до приемлемого практического результата – числа, функции (ее графика), точного качественного вывода с применением адекватных вычислительных средств, таблиц, справочников, в том числе при использовании технологий онлайн-обучения.

владеть: доступными методами математического анализа и моделирования, аналитической геометрии, линейной алгебры, при решении типовых и простейших задач профессиональной деятельности.

3. Место дисциплины в структуре образовательной программы

Данная учебная дисциплина относится к обязательным дисциплинам учебного плана, что позволяет сформировать в процессе обучения у бакалавра основные общепрофессиональные знания и компетенции в рамках выбранного профиля и профессионального стандарта.

Освоение данной дисциплины является необходимой основой для последующего изучения дисциплин ОПОП и написания выпускной квалификационной работы.

Перечень обеспечивающих, сопутствующих и обеспечиваемых дисциплин

	Обеспечивающие	Сопутствующие	Обеспечиваемые
1.		Физика	Физика
2.			Химия
3.			
4.			

Указанные связи дисциплины дают обучающемуся системное представление о комплексе изучаемых дисциплин в соответствии с ФГОС ВО, что обеспечивает требуемый теоретический уровень и практическую направленность в системе обучения и будущей деятельности выпускника.

4. Объем дисциплины в зачетных единицах с указанием количества академических часов, выделенных на контактную работу обучающихся с преподавателем (по видам учебных занятий) и на самостоятельную работу обучающихся

Общая трудоемкость дисциплины

Вид учебной работы	Всего академических часов	
	очная форма	заочная форма
Контактная работа с преподавателем*:	**88,6**	**18,9**
лекции (Л)	36	8
практические занятия (ПЗ)	52	10
лабораторные работы (ЛР)	-	-
иные виды контактной работы	0,6	0,9
Самостоятельная работа обучающихся:	**127,4**	**197,1**

изучение теоретического курса	32	65
подготовка к текущему контролю	56	100
контрольная работа	-	19,7
подготовка к промежуточной аттестации	39,4	12,4
Вид промежуточной аттестации:	**Зачет, экзамен**	**Зачет, экзамен**
Общая трудоемкость	**6/216**	

*Контактная работа обучающихся с преподавателем, в том числе с применением дистанционных образовательных технологий, включает занятия лекционного типа, и (или) занятия семинарского типа, лабораторные занятия, и (или) групповые консультации, и (или) индивидуальную работу обучающегося с преподавателем, а также аттестационные испытания промежуточной аттестации. Контактная работа может включать иные виды учебной деятельности, предусматривающие групповую и индивидуальную работу обучающихся с преподавателем. Часы контактной работы определяются Положением об организации и проведении контактной работы при реализации образовательных программ высшего образования, утвержденным Ученым советом УГЛТУ от 25 февраля 2020 года.

5. Содержание дисциплины, структурированное по темам (разделам) с указанием отведенного на них количества академических часов

5.1.Трудоемкость разделов дисциплины

очная форма обучения

№ п/п	Наименование раздела дисциплины	Л	ПЗ	ЛР	Всего контактной работы	Самостоятельная работа
1	Линейная алгебра	6	6	-	12	10
2	Векторная алгебра	6	6	-	12	10
3	Аналитическая геометрия	6	6	-	12	10
4	Начала математического анализа, функции одной переменной (ФОП), предел, непрерывность, производная	6	14	-	20	20
5	Интегральное исчисление ФОП	8	14		22	26
6	Обыкновенные дифференциальные уравнения	4	6		10	12
Итого по разделам:		**36**	**52**	**-**	**88**	**88**
Контрольная работа		-	-	-	-	-
Промежуточная аттестация		-	-	-	0,6	39,4
Всего		**216**				

заочная форма обучения

№ п/п	Наименование раздела дисциплины	Л	ПЗ	ЛР	Всего контактной работы	Самостоятельная работа
1	Линейная алгебра	1	1	-	2	20
2	Векторная алгебра	1	1	-	2	20
3	Аналитическая геометрия	2	2	-	4	24
4	Начала математического анализа, функции одной переменной (ФОП), предел, непрерывность, производная	1,5	2	-	3,5	24
5	Интегральное исчисление ФОП	1,5	2		3,5	37
6	Обыкновенные дифферен-	1	2		3	40

№ п/п	Наименование раздела дисциплины	Л	ПЗ	ЛР	Всего контактной работы	Самостоятельная работа
	циальные уравнения					
Итого по разделам:		**8**	**10**	**-**	**18**	**165**
Контрольная работа		-	-	-	0,3	19,7
Промежуточная аттестация		-	-	-	0,6	12,4
Всего					**216**	

5.2. Содержание занятий лекционного типа

Раздел 1 Линейная алгебра

Матрицы: основные понятия и определения. Линейные операции над матрицами. Вычисление определителей. Умножение матриц. Обратная матрица. Системы линейных уравнений: основные понятия и методы их решения.

Раздел 2. Векторная алгебра

Геометрическое и аналитическое понятия вектора. Линейные операции над векторами. Скалярное, векторное, смешанное произведения векторов, их геометрический смысл.

Раздел 3. Аналитическая геометрия.

Способы задания уравнения прямой на плоскости в декартовой системе координат. Кривые второго порядка (окружность, эллипс, гипербола, парабола).

Раздел 4. Начала математического анализа, функции одной переменной (ФОП), предел, непрерывность, производная.

Функции одной переменной: область определения, предел функции, непрерывность, классификация точек разрыва. Производная и дифференциал функции, геометрический и физический смысл. Производные высших порядков. Исследование графиков функций. Решение задач на экстремум.

Раздел 5. Интегральное исчисление ФОП

Понятие неопределённого интеграла, основные свойства, основные методы интегрирования. Определенный интеграл, его геометрический смысл и свойства, формула Ньютона –Лейбница. Приложения определенного интеграла. Несобственные интегралы.

Раздел 6. Обыкновенные дифференциальные уравнения

Обыкновенные дифференциальные уравнения: основные понятия, классификация. Дифференциальные уравнения первого порядка. Общее и частное решения дифференциального уравнения. Линейные дифференциальные уравнения второго порядка с постоянными коэффициентами.

5.3. Темы и формы занятий семинарского типа

Учебный планом по дисциплине предусмотрены практические занятия

№	Наименование раздела дисциплины (модуля)	Форма проведения занятия	Трудоёмкость, час	
			очная	заочная
1	Линейная алгебра	практическая работа	6	1
2	Векторная алгебра	практическая работа	6	1
3	Аналитическая геометрия	практическая работа	6	2
4	Начала математического анализа, функции одной переменной (ФОП), предел, непрерывность, производная	практическая работа	14	2
5	Интегральное исчисление ФОП	практическая работа	14	2
6	Обыкновенные дифференциальные уравнения	практическая работа	6	2
Итого:			**52**	**10**

5.4 Детализация самостоятельной работы

№	Наименование раздела дисциплины (модуля)	Вид самостоятельной работы	Трудоемкость, час	
			очная	заочная
1	Раздел 1. Линейная алгебра	Подготовка к тесту	10	20
2	Раздел 2. Векторная алгебра	Подготовка к тесту	10	20
3	Раздел 3. Аналитическая геометрия	Подготовка к тесту	10	24
4	Раздел 4. Начала математического анализа, функции одной переменной (ФОП), предел, непрерывность, производная	Подготовка к тесту	20	24
5	Раздел 5. Интегральное исчисление ФОП	Подготовка к тесту	26	37
6	Раздел 6. Обыкновенные дифференциальные уравнения	Подготовка к тесту	12	40
7	Контрольная работа	Выполнение домашней контрольной работы (для обучающихся ИЗО)	-	19,7
8	Подготовка к промежуточной аттестации (зачету, экзамену)	Изучение лекционного материала, литературных источников в соответствии с тематикой	39,4	12,4
Итого:			**127,4**	**197,1**

6. Перечень учебно-методического обеспечения по дисциплине. Основная и дополнительная литература

№ п/п	Автор, наименование	Год издания	Примечание
	Основная учебная литература		
1	Жуковская, Т.В. Высшая математика в примерах и задачах : учебное пособие : в 2 ч. / Т.В. Жуковская, Е.А. Молоканова, А.И. Урусов ; Тамбовский государственный технический университет. – Тамбов : Тамбовский государственный технический университет (ТГТУ), 2017. – Ч. 1. – 130 с. : ил. – Режим доступа: по подписке. – URL: https://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=498922– Библиогр.: с. 127. – ISBN 978-5-8265-1710-9. – Текст: электронный.	2017	Полнотекстовый доступ при входе по логину и паролю*
2	Высшая математика. Стандартные задачи с основами теории : учебное пособие для вузов / А. Ю. Вдовин, Л. В. Михалева, В. М. Мухина [и др.]. — 3-е изд., стер. — Санкт-Петербург : Лань, 2022. — 188 с. — ISBN 978-5-8114-9437-8. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: https://e.lanbook.com/book/195419 — Режим доступа: для авториз. пользователей.	2022	Полнотекстовый доступ при входе по логину и паролю*
3	Математика для обучающихся первых курсов Уральского государственного лесотехнического университета : учебно-методическое пособие / А. Ю. Вдовин, И. Н. Демидова, Л. А. Золкина, В. М. Мухина [др.] ; Министерство науки и высшего образования Российской Федерации, Уральский государственный лесотехнический университет. – Екатеринбург, 2021. – 75 с. URL:https://elar.usfeu.ru/handle/123456789/10584– ISBN 978-5-94984-779-4. – Текст : электронный.	2021	Полнотекстовый доступ при входе по логину и паролю*

Дополнительная учебная литература			
4	Справочник по математике для бакалавров : учебное пособие / А. Ю. Вдовин, Н. Л. Воронцова, Л. А. Золкина, В. М. Мухина. — Санкт-Петербург : Лань, 2022. — 80 с. — ISBN 978-5-8114-1596-0. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: https://e.lanbook.com/book/211676	2022	Полнотекстовый доступ при входе по логину и паролю*
5	Лунгу, К.Н. Высшая математика: руководство к решению задач / К.Н. Лунгу, Е.В. Макаров. – 3-е изд., перераб. – Москва : Физматлит, 2013. – Ч. 1. – 217 с. – Режим доступа: по подписке. – URL: https://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=275606 – Библиогр. в кн. – ISBN 978-5-9221-1500-1. – Текст : электронный.	2018	Полнотекстовый доступ при входе по логину и паролю*
6	Гусак, А.А. Высшая математика : учебник : в 2 томах / А.А. Гусак. – 7-е изд. – Минск : ТетраСистемс, 2009. – Том 1. – 544 с. : ил. – Режим доступа: по подписке. – URL: https://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=572287. – Библиогр.: с. 529. – ISBN 978-985-470-938-3. – Текст : электронный.	2009	Полнотекстовый доступ при входе по логину и паролю*

*- прежде чем пройти по ссылке, необходимо войти в систему

Функционирование электронной информационно-образовательной среды обеспечивается соответствующими средствами информационно-коммуникационных технологий.

Электронные библиотечные системы

Каждый обучающийся обеспечен доступом к электронной библиотечной системе УГЛТУ (http://lib.usfeu.ru/), электронно-библиотечная система «Лань». Договор №024/23-ЕП-44-06 от 24.03.2023 г. Срок действия: 09.04.2023-09.04.2024, электронно-библиотечная система «Университетская библиотека онлайн». Договор №85-05/2022/0046/22-ЕП-44-06 от 27.05.2022 г. Срок действия: 27.06.2022-26.06.2023, электронная образовательная система «Образовательная платформа ЮРАЙТ». Лицензионный договор №015/23-ЕП-44-06 от 16.02.2023 г. Срок действия: 01.03.2023 – 28.02.2024;

Справочные и информационные системы

1. справочная правовая система «КонсультантПлюс» (http://www.consultant.ru/). Договор сопровождения экземпляров системы КонсультантПлюс №0607/ЗК от 25.01.2023. Срок с 01.02.2023 г по 31.01.2024 г.;
2. справочно-правовая система «Система ГАРАНТ». Свободный доступ (режим доступа: http://www.garant.ru/company/about/press/news/1332787/);
3. программная система для обнаружения текстовых заимствований в учебных и научных работах «Антиплагиат. ВУЗ» (URL: https://www.antiplagiat.ru/). Договор №6414/0107/23-ЕП-223-03 от 27.02.2023 года. Срок с 27.02.2023 г по 27.02.2024 г.;
4. Информационная система 1С: ИТС (http://its.1c.ru/). Режим доступа: свободный

Профессиональные базы данных

1. Федеральная служба государственной статистики. Официальная статистика (http://www.gks.ru/). Режим доступа: свободный.
2. Электронный фонд правовых и нормативно-технических документов // Акционерное общество «Информационная компания «Кодекс» (https://docs.cntd.ru/). Режим доступа: свободный.
3. Экономический портал (https://institutiones.com/). Режим доступа: свободный.
4. Информационная система РБК (https://ekb.rbc.ru/). Режим доступа: свободный.

5. Официальный интернет-портал правовой информации (http://pravo.gov.ru/). Режим доступа: свободный

6. База полнотекстовых и библиографических описаний книг и периодических изданий (http://www.ivis.ru/products/udbs.htm). Режим доступа: свободный

7. ГлавбухСтуденты: Образование и карьера (http://student.1gl.ru/). Режим доступа: свободный.

7. Фонд оценочных средств для проведения промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине

7.1. Перечень компетенций с указанием этапов их формирования в процессе освоения образовательной программы

Формируемые компетенции	Вид и форма контроля
ОПК-1 -способен применять естественнонаучные и общеинженерные знания, методы математического анализа и моделирования в области профессиональной деятельности	**Промежуточный контроль:** зачет, экзамен. **Текущий контроль:** тестирование, выполнение домашних контрольных заданий для обучающихся ИЗО

7.2. Описание показателей и критериев оценивания компетенций на различных этапах их формирования, описание шкал оценивания

Критерий оценивания работы в семестре для получения зачета (промежуточный контроль формирования компетенций ОПК-1)

зачтено – обучающийся для получения зачета должен успешно, (более 50 % заданий), выполнить тест по каждому из разделов, итоговый балл выставляется как средне арифметическое баллов, набранных в каждом тесте;

не зачтено – хотя бы один из разделов семестра не освоен обучающимся (оценка по тесту составляет менее 50%).

Критерии оценивания устного ответа на контрольные вопросы экзамена (промежуточный контроль формирования компетенций ОПК-1)

отлично – дан полный, развернутый ответ на поставленный вопрос, показана совокупность осознанных знаний об объекте, доказательно раскрыты основные положения темы; в ответе прослеживается четкая структура, логическая последовательность, отражающая сущность раскрываемых понятий. Окончательный ответ дается с адекватным использованием научных терминов с подробными и безошибочными выкладками, показана способность быстро реагировать на уточняющие вопросы;

хорошо – дан достаточно полный, развернутый ответ на поставленный вопрос. Ответ четко структурирован, логичен, изложен в терминах науки. Однако допущены незначительные ошибки, существенно не влияющие на ход решения задачи или недочеты, исправленные обучающимся с помощью вопросов преподавателя;

удовлетворительно – дан неполный ответ, логика и последовательность изложения имеют существенные нарушения. Допущены ошибки в ходе выполнения задания, вследствие недостаточного понимания обучающимся базовых понятий предмета. В ответе отсутствуют выводы. Не в полной мере продемонстрированы умения решать типовые задачи предмета;

неудовлетворительно – обучающийся демонстрирует незнание теоретических основ предмета, отсутствуют или сделаны неправильные выводы и обобщения, задания билета выполнены не полностью или неправильно; нет ответов на дополнительные вопросы.

Критерии оценивания выполнения заданий в тестовой форме (текущий контроль формирования компетенций ОПК-1)

По итогам выполнения тестовых заданий оценка производится по четырехбалльной шкале. При правильных ответах на:

86-100% заданий – оценка *«отлично»;*

71-85% заданий – оценка *«хорошо»;*

51-70% заданий – оценка *«удовлетворительно»;*

менее 51% - оценка *«неудовлетворительно».*

Критерии оценивания домашних контрольных заданий (для обучающихся ИЗО) (текущий контроль формирования компетенций ОПК-1)

зачтено – обучающийся для получения зачета по домашней контрольной работе должен успешно, (более 50 % заданий), выполнить задания из каждого раздела, входящего в контрольную;

не зачтено – хотя бы один из разделов задания, входящих в контрольную работу, не выполнен обучающимся (оценка раздела составляет менее 50%).

7.3. Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций в процессе освоения образовательной программы

Контрольные вопросы к экзамену (промежуточный контроль)

1. Функция. Область определения функции. Свойства и графики основных элементарных функций.
2. Предел функции в бесконечности. Предел функции в точке.
3. Бесконечно малые и бесконечно большие величины.
4. Правила предельного перехода (теоремы о пределе суммы, произведения, частного).
5. Замечательные пределы. Примеры.
6. Функция, непрерывная в точке. Основные теоремы о непрерывных функциях.
7. Производная. Задачи, приводящие к понятию производной. Механический смысл производной. Геометрический смысл производной. Уравнение касательной к кривой.
8. Дифференцируемость функции. Связь между непрерывностью и дифференцируемостью.
9. Правила дифференцирования (теоремы о производной суммы, произведения, частного). Производные основных элементарных функций.
10. Производная функции, заданной неявно. Производные высших порядков.
11. Применение производной к вычислению пределов. Правило Лопиталя.
12. Основные теоремы дифференциального исчисления. Приложения производной к вычислению пределов. Правило Лопиталя.
13. Ряд Тейлора. Разложение функций sin x, cos x, ex в ряд Тейлора.
14. Монотонность функции. Достаточные условия монотонности. Необходимые условия.
15. Экстремум функции. Необходимый признак экстремума. Достаточные признаки существования экстремума.
16. Выпуклость функции. Точки перегиба. Достаточные условия выпуклости функции.
17. Схема построения графиков функций одной переменной.
18. Понятие первообразной. Неопределенный интеграл. Свойства неопределенного интеграла. Формулы и правила интегрирования.
19. Методы интегрирования. Интегрирование тригонометрических функций.
20. Задача о вычислении площади криволинейной трапеции. Определение определенного интеграла и его геометрический смысл.
21. Геометрические приложения определенного интеграла. Вычисление площадей плоских фигур, объемов тел вращения. Несобственные интегралы.
22. Дифференциальные уравнения первого порядка. Общее и частное решения. Задача Коши. Решение линейных и однородных дифференциальных уравнений первого порядка.
23. Линейные дифференциальные уравнения второго порядка. Задача Коши.

Примерные тестовые задания (текущий контроль)

Образец тестового задания к разделу «Линейная алгебра»

1. Дано $A=\begin{pmatrix}-2 & 3\\ 1 & -1\end{pmatrix}$, $B=\begin{pmatrix}2 & -1\\ 3 & 1\end{pmatrix}$. Тогда B^T-3A равно…
2. Даны матрицы $A=\begin{pmatrix}-2 & 3\\ 1 & -1\end{pmatrix}$, $B=\begin{pmatrix}2 & -1\\ 3 & 1\end{pmatrix}$, $C=\begin{pmatrix}0\\ 2\end{pmatrix}$, $D=\begin{pmatrix}3 & -1\end{pmatrix}$, $F=\begin{pmatrix}1\\ 1\end{pmatrix}$. Установите соответствие между произведением матриц 1)AB; 2) BF; 3) CD; 4) FA и их результатом

a) $\begin{pmatrix} 1 \\ 4 \end{pmatrix}$; b) $\begin{pmatrix} -2 & 3 \\ 1 & -1 \end{pmatrix}$; c) $\begin{pmatrix} 0 & 0 \\ 6 & -2 \end{pmatrix}$; d) $\begin{pmatrix} 5 & 5 \\ -1 & -2 \end{pmatrix}$; e) не выполнимо.

3. Вычислить определитель $\begin{vmatrix} -2 & -1 & -3 \\ 1 & 0 & 0 \\ 3 & -4 & 2 \end{vmatrix}$..

4. Решить систему линейных уравнений методом Крамера, матричным методом и методом Гаусса

$$\begin{cases} 2x_1 + x_2 + 3x_3 = 9, \\ x_1 - 2x_2 + x_3 = -2, \\ 3x_1 + 2x_2 + 2x_3 = 7. \end{cases}$$

5. Для матрицы $\begin{pmatrix} -2 & 3 \\ 1 & -1 \end{pmatrix}$ обратная имеет вид …

Образец тестового задания к разделу «Векторная алгебра»

1. Координаты вектора $\overrightarrow{AB} + \bar{a}$ при $A(3;-5;1),\ B(5;-8;4)$ и $\bar{a} = (-1;0;2)$ равны…
2. Проекция вектора $\overrightarrow{AB}$ на $2\overrightarrow{BC}$ при $A(-3;-1;2),\ B(-1;0;1),\ C(0;2;3)$ равна
3. При каком значении k векторы $\vec{a} = (1;2;k)$ и $\vec{b} = (4;-2;-1)$ будут перпендикулярны?
4. Если даны вектора $\vec{a} = 3\vec{i} - \vec{j} - 2\vec{k}$ и $\vec{b} = (1;2;-1)$. То координаты векторного произведения $(2\vec{a} + \vec{b}) \times \vec{b}$ равны:
5. Объем параллелепипеда, построенного на векторах $\bar{a} = 2\bar{i} - \bar{j} + 2\bar{k}$, $\bar{b} = \bar{i} + 2\bar{j} - 2\bar{k}$, $\bar{c} = 3\bar{i} - 6\bar{j} + 2\bar{k}$ равен…

Образец тестового задания к разделу «Аналитическая геометрия»

1. Угловой коэффициент прямой, перпендикулярной $-4x - y - 3 = 0$ равен…
2. Уравнение прямой, проходящей через точки $A(2;3)$ и $B(-1;0)$ имеет вид…
3. Составить уравнение прямой, проходящей через точку M (-1;4) перпендикулярно прямой $7x - 6y + 2 = 0$.
4. Установите соответствие между уравнениями и линиями, которые задают эти уравнения

   1) $\frac{x^2}{5} - \frac{y^2}{7} = 1$; 2) $\frac{x^2}{5} + \frac{y^2}{7} = 1$; 3) $\frac{x^2}{5} + \frac{y}{7} = 1$.

   о) окружность; э) эллипс; г) гипербола; п) парабола.
5. Найти радиус окружности $x^2 + y^2 + 10y + 16x - 11 = 0$.

Образец тестового задания к разделу «Начала математического анализа, функции одной переменной (ФОП), предел, непрерывность, производная»

1. Дана функция $y = \sqrt{x^2 + x - 6} + 5$. Тогда ее областью значений является множество…
2. Число точек разрыва функции $y = \frac{1}{(x-5)(x+3)^2}$ равно…
3. При использовании правила Лопиталя $\lim\limits_{x \to 0} \frac{e^{2x} - e^{3x}}{1 - e^{4x}}$ равен …
4. Найти производную функции $y = e^{3x} \cdot \operatorname{arctg} 2x$.

5. Угловой коэффициент касательной к графику функции $y=\frac{x^3}{3}-x+1$ в точке $x_0=3$ равен …
6. Укажите длину интервала выпуклости вверх графика функции $y=\frac{x^4}{2}+2x^3-9x^2-1$.

Образец тестового задания к разделу «Интегральное исчисление ФОП»

1. Множество первообразных функции $f(x)=\frac{x+5}{x+2}$ имеет вид …
2. Найти $\int \sin^3 x\cos x dx$.
3. Площадь области, ограниченной линиями $y=5-x^2$, $y=1$ равна…
4. Вычислите: $\int_0^1 xe^{-2x}dx$
5. Несобственный интеграл $\int_3^{+\infty}(x-2)^{-4}dx$ равен …

Образец тестового задания к разделу «Обыкновенные дифференциальные уравнения»

1. Найдите общее решение дифференциального уравнения: $x^2y'=(1-x)y$
2. Если $y(x)$ – решение уравнения $y'=\frac{y-1}{x}$,удовлетворяющее условию $y(2)=3$, тогда $y(1)$ равно …
3. Общим решением дифференциального уравнения $y'-3x^2y=xe^{x^3}$ является функция…
4. Задано дифференциальное уравнение $y''+4y'-3y=0$. Тогда соответствующее ему характеристическое уравнение имеет вид
5. Частному решению линейного неоднородного дифференциального уравнения $y''-5y'+6y=x+1$ по виду его правой части соответствует функция…

Пример заданий по разделам домашних контрольных работ для обучающихся ИЗО (текущий контроль)

Раздел 1 «Линейная алгебра»

1.1. Даны матрицы $A=\begin{pmatrix}1 & -2\\ -3 & 0\end{pmatrix}$ и $B=\begin{pmatrix}1 & 2\\ 3 & -1\end{pmatrix}$. Найти матрицу $C=B+A^T$.

1.2. Дано $A=\begin{pmatrix}5 & -1 & 2\\ 0 & 1 & -3\end{pmatrix}$, $B=\begin{pmatrix}2 & -1\\ -3 & 4\\ 1 & 0\end{pmatrix}$. Найти матрицу $A\cdot B$.

1.3. Вычислить определитель $\begin{vmatrix}1 & 2 & -3\\ -2 & 1 & 4\\ 3 & 0 & -1\end{vmatrix}$.

1.4. Решить систему уравнений $\begin{cases} 2x_1 - 4x_2 + 3x_3 = 1, \\ x_1 - 2x_2 + 4x_3 = 3, \\ 3x_1 - x_2 + 5x_3 = 2. \end{cases}$

Раздел 2. Векторная алгебра

2.1. Найти координаты вектора $\overrightarrow{AB}$ и его длину, если $A(-3;-2;1)$, $B(4;-6;2)$.

2.2. Даны векторы $\vec{a} = (-1;3;-1)$, $\vec{b} = \overrightarrow{BC}$, $B(2;-3;-1)$ $C(2;-3;0)$. Найти вектор $2\vec{a} - \vec{b}$.

2.3. Найти скалярное произведение векторов $\vec{a}$ и $\vec{b}$, если $|\vec{a}| = \sqrt{2}$, $|\vec{b}| = 3$ и угол между ними 45°.

2.4. Найти косинус угла между векторами $\vec{a} = \vec{i} + 2\vec{j} - \vec{k}$ и $\vec{b} = (1;3;-1)$.

2.5. Найти векторное произведение векторов $\vec{a} = \vec{i} + 2\vec{j} - \vec{k}$, $\vec{b} = \vec{i} - 4\vec{j} + 2\vec{k}$.

2.6. Найти объём пирамиды, построенной на векторах $\vec{a} = 2\vec{i} + \vec{j}$, $\vec{b} = \vec{i} + 2\vec{k}$, $\vec{c} = \vec{i} - 3\vec{j} + \vec{k}$.

Раздел 3. Аналитическая геометрия

3.1. Найти уравнение медианы CD треугольника ABC, если вершины имеют координаты: A(-6; -3), B(10; -1), C(11; -5).

3.2. Найти уравнение прямой, проходящей через точку A(-6; -3), перпендикулярно прямой 6x -3y +1 =0.

3.3. Указать уравнение окружности, которая проходит через точку A(11;8) с центром в точке C(-1;3).

3.4. Найти радиус окружности $x^2 + 10x + y^2 + 6y = 2.$

Раздел 4. Начала математического анализа, функции одной переменной (ФОП), предел, непрерывность, производная

Найти пределы:

а).	$\lim\limits_{x\to 1} \dfrac{x^2 - 2x + 1}{2x^2 - x - 1}$	б).	$\lim\limits_{x\to -4} \dfrac{\sqrt{x+12} - \sqrt{4-x}}{x^2 + 2x - 8}$
в).	$\lim\limits_{x\to \infty} \dfrac{10x - 7}{3x^4 + 2x^3 + 1}$	г).	$\lim\limits_{x\to 0} \dfrac{1 - \cos 8x}{x \cdot \sin 4x}$

Найти производные следующих функций:

а).	$y = \sqrt[3]{x^4 + 5x^2}$	б).	$y = \frac{1 - tgx}{1 + tgx}$
в).	$y = sin^3 5x \cdot x$	г).	$y = e^{2 + ctgx}$
д).	$y = arctg 2x + \frac{1}{x}$	е).	$y = \ln(cosx)$

Исследовать функции и построить их графики:

а).	$y = x^3 + x^2 - 8x + 7$	б).	$y = \frac{x^2}{x+3}$

Раздел 5. Интегральное исчисление ФОП

Найти неопределённые интегралы:

а).	$\int (6x-2)dx$	б).	$\int \frac{dx}{3-4x}$
в).	$\int \frac{xdx}{\cos^2 4x}$	г).	$\int \sin 2x \cdot \cos 6x \, dx$

2. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями:

$y^2 = x + 1, \quad x = 0$

Раздел 6. Обыкновенные дифференциальные уравнения

Решить дифференциальные уравнения:

а).	$\sqrt{y^2+1} = xyy'$	б).	$y' - \frac{3y}{x+1} = (x+1)^4$

7.4. Соответствие шкалы оценок и уровней сформированных компетенций

Уровень сформированных компетенций	Оценка	Пояснения
Высокий	отлично	Теоретическое содержание курса освоено полностью, все предусмотренные программой обучения учебные задания выполнены. Обучающийся способен использовать методы математического анализа и моделирования для решения задач профессиональной деятельности, дает полный, развернутый ответ на поставленный вопрос, показывает совокупность осознанных знаний об объекте, доказательно раскрывает основные положения темы; в ответе прослеживается четкая структура, логическая последовательность, отражающая сущность раскрываемых понятий. Окончательный ответ дается с адекватным использованием научных терминов с подробными и безошибочными выкладками, показана способность быстро реагировать на уточняющие вопросы
Базовый	хорошо	Теоретическое содержание курса освоено полностью, все предусмотренные программой обучения учебные задания выполнены с незначительными замечаниями. Обучающийся способен использовать методы математического анализа и моделирования, применяемые для решения задач профессиональной деятельности. При этом дан достаточно полный, развернутый ответ на поставленный вопрос. Ответ структурирован, логичен, изложен в терминах науки. Однако допущены незначительные ошибки, существенно не влияющие на ход решения задачи или недочеты, исправленные обучающимся с помощью вопросов преподавателя;
Пороговый	Удовлетвори-	Теоретическое содержание курса освоено частично,

Уровень сформированных компетенций	Оценка	Пояснения
	тельно	большинство предусмотренных программой обучения учебных заданий выполнено, в них имеются ошибки. Обучающийся при использовании методов математического анализа и моделирования, применяемых для решения задач профессиональной деятельности дает неполный ответ, логика и последовательность изложения имеют существенные нарушения. Допущены ошибки в ходе выполнения задания, вследствие недостаточного понимания обучающимся базовых понятий предмета. В ответе отсутствуют выводы. Не в полной мере продемонстрированы умения решать типовые задачи предмета;
Низкий	неудовлетворительно	Теоретическое содержание курса не освоено, большинство предусмотренных программой обучения учебных заданий либо не выполнены, либо содержат грубые ошибки; дополнительная самостоятельная работа над материалом не привела к какому-либо значительному повышению качества выполнения учебных заданий. Обучающийся не способен использовать методы математического анализа и моделирования, применяемых для решения задач профессиональной деятельности. Демонстрирует незнание теоретических основ предмета, отсутствуют или сделаны неправильные выводы и обобщения, задания билета выполнены не полностью или неправильно; нет ответов на дополнительные вопросы.

8. Методические указания для самостоятельной работы обучающихся

Самостоятельная работа способствует закреплению навыков работы с учебной и научной литературой, осмыслению и закреплению теоретического материала по умению аргументировано использовать математические методы для решения поставленных задач.

Самостоятельная работа выполняется во внеаудиторное (аудиторное) время по заданию и при методическом руководстве преподавателя, но без его непосредственного участия (при частичном непосредственном участии преподавателя, оставляющем ведущую роль в контроле за работой студентов и магистрантов).

Самостоятельная работа бакалавров в вузе является важным видом их учебной и научной деятельности. Самостоятельная работа играет значительную роль в рейтинговой технологии обучения. Поэтому самостоятельная работа должна стать эффективной и целенаправленной работой студентов.

Формы самостоятельной работы.

Основными видами самостоятельной работы обучающихся являются:

- знакомство и изучение материалов лекционных и практических занятий для подготовки к аудиторным занятиям (лекциям, лабораторным и практическим занятиям) и выполнение соответствующих заданий;
- изучение учебной и методической литературы, материалов с привлечением электронных средств ЭИОС (MOODLE);
- подготовка к тестовым заданиям;
- выполнение контрольного домашнего задания обучающимися ИЗО;
- подготовка к зачету, экзамену.

Самостоятельное выполнение *тестовых заданий* по всем разделам дисциплины сформированы в фонде оценочных средств (ФОС)

Содержание тестов по дисциплине ориентировано на подготовку обучающихся по основным вопросам курса. Уровень выполнения теста позволяет преподавателям судить о ходе самостоятельной работы обучающихся в межсессионный период и о степени их подготовки к экзамену/зачету.

Данные тесты могут использоваться:

– обучающимися при подготовке к зачету/экзамену в форме самопроверки знаний;

– преподавателями для проверки знаний в качестве формы промежуточного контроля на лабораторных и лекционных занятиях;

– для проверки остаточных знаний обучающихся, изучивших данный курс.

Тестовые задания рассчитаны на самостоятельную работу без использования вспомогательных материалов. То есть при их выполнении не следует пользоваться учебной и другими видами литературы.

Для выполнения *тестового задания*, прежде всего, следует внимательно прочитать поставленный вопрос. После ознакомления с вопросом следует приступать к выбору предлагаемых вариантов ответа.

На выполнение *теста* отводится ограниченное время. Оно может варьироваться в зависимости от уровня тестируемых, сложности и объема теста.

Выполнение *индивидуальной контрольной домашней работы* является частью самостоятельной работы обучающегося ИЗО и предусматривает индивидуальную работу обучающихся с учебной, технической и справочной литературой по соответствующим разделам курса.

Обучающиеся выполняют задания по вариантам.

Преподаватель кафедры осуществляет текущее руководство, которое включает: систематические консультации с целью оказания организационной и научно-методической помощи студенту; контроль над выполнением работы в установленные сроки; проверку содержания и оформления завершенной работы.

Контрольная домашняя работа выполняется обучающимся самостоятельно и должна быть представлена к проверке до начала экзаменационной сессии.

Обучающиеся, не выполнившие *контрольные домашние работы*, к сдаче (зачета) экзамена не допускаются. Работа должна быть аккуратно оформлена в печатном или письменном виде, удобна для проверки и хранения.

9. Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине

Применение цифровых технологий в рамках преподавания дисциплины предоставляет расширенные возможности по организации учебных занятий в условиях цифровизации образования и позволяет сформировать у обучающихся навыки применения цифровых сервисов и инструментов в повседневной жизни и профессиональной деятельности,.

Для реализации этой цели в рамках изучения дисциплины могут применяться следующие цифровые инструменты и сервисы:

-для коммуникации с обучающимися: VK Мессенджер (https://vk.me/app?mt_click_id=mt-v7eix5-1660908314-1651141140) – мессенджер, распространяется по лицензии FreeWare

-для планирования аудиторных и внеаудиторных мероприятий: Mirapolis – система для организации коллективной работы и онлайн-встреч, распространяется по проприетарной лицензии; Видеозвонок ВКонтакте (https://vk.com/calls) – сервис для видеозвонков, распространяется по лицензии ShareWare;

-для совместного использования файлов: @Облако (https://cloud.mail.ru/) – сервис для создания, хранения и совместного использования файлов, распространяется по лицензии trialware; Ян-

декс.Диск – сервис для хранения и совместного использования документов, распространяется по лицензии trialware.

Для успешного овладения дисциплиной используются следующие информационные технологии обучения:

- пакет прикладных программ Office Professional Plus 2010, License 49013351 УГЛТУ Russia 2011-09-06, OPEN 68975925ZZE1309. Срок: бессрочно;
- Практические занятие по дисциплине проводятся с применением необходимого методического материала (методические указания, справочники, нормативы и т.п.)

Для дистанционной поддержки дисциплины используется система управления образовательным контентом Moodle. Для работы в данной системе все обучающиеся на первом курсе получают индивидуальные логин и пароль для входа в систему, в которой размещаются : программа дисциплины, материалы для лекционных и иных видов занятий , задания, контрольные вопросы.

Лекции проводятся в обычных аудиториях. Практические занятия проводятся или в обычных аудиториях или в компьютерном классе с использованием специальных программ. При проведении практических занятий студенты используют учебно-методическую литературу, при необходимости выдается раздаточный материал: таблицы, задания.

Тестовый контроль знаний может проводиться в обычной аудитории и в компьютерном классе.

Информативно-развивающие технологии обучения используются в основном с учетом различного сочетания традиционных форм (лекция, и практическое занятие, консультация, самостоятельная работа).

Университет обеспечен необходимым комплектом лицензионного программного обеспечения:

операционная система Windows 7, License 49013351 УГЛТУ Russia 2011-09-06, OPEN 68975925ZZE1309. Срок: бессрочно;

пакет прикладных программ Office Professional Plus 2010, License 49013351 УГЛТУ Russia 2011-09-06, OPEN 68975925ZZE1309. Срок: бессрочно;

антивирусная программа Kaspersky Endpoint Security для бизнеса- Стандартный Russian Edition. 250-499 Node 1 year Educational Renewal License. Договор №0423/ЗК от 30.08.2022. Срок с 09.10.2022 г. по 09.10.2023 г.;

система управления обучением LMS Moodle – программное обеспечение с открытым кодом, распространяется по лицензии GNU Public License (rus);

браузер Yandex (https://yandex.ru/promo/browser/) – программное обеспечение распространяется по простой (неисключительной) лицензии;

пакет прикладных математических программ Scilab 6.1.0 (https://www.scilab.org/download/6.1.0) – свободно распространяемое программное обеспечение, распространяется по лицензии GNU General Public License (GPL) v2.0;;

программная система для обнаружения текстовых заимствований в учебных и научных работах «Антиплагиат.ВУЗ».

10. Описание материально-технической базы, необходимой для осуществления образовательного процесса по дисциплине

Реализация учебного процесса осуществляется в специальных учебных аудиториях университета для проведения занятий лекционного типа, практических занятий, групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации. Все аудитории укомплектованы специализированной мебелью и техническими средствами обучения, служащими для представления учебной информации большой аудитории. При необходимости обучающимся

предлагаются наборы демонстрационного оборудования и учебно-наглядных пособий, обеспечивающие тематические иллюстрации.

Самостоятельная работа обучающихся выполняется в специализированной аудитории, которая оборудована учебной мебелью, компьютерной техникой с возможностью подключения к сети «Интернет» и обеспечением доступа в электронную информационно-образовательную среду УГЛТУ.

Есть помещение для хранения и профилактического обслуживания учебного оборудования.

Требования к аудиториям

Наименование специальных помещений и помещений для самостоятельной работы	Оснащенность специальных помещений и помещений для самостоятельной работы
Помещение для лекционных занятий, групповых и индивидуальных консультаций, текущей и промежуточной аттестации.	Переносная мультимедийная установка (проектор, экран). Учебная мебель
Помещение для проведения практических занятий, промежуточной аттестации.	Столы компьютерные, стулья. Персональные компьютеры. Выход в Интернет.
Помещения для самостоятельной работы	Столы, стулья, экран, проектор. Рабочие места студентов, оснащены компьютерами с выходом в сеть Интернет и электронную информационную образовательную среду.
Помещение для хранения и профилактического обслуживания учебного оборудования	Расходные материалы для ремонта и обслуживания техники. Места для хранения оборудования